# Dynamique de la moyenne atmosphère et des ondes atmosphériques

François Lott
Plan du Cours et Calendrier

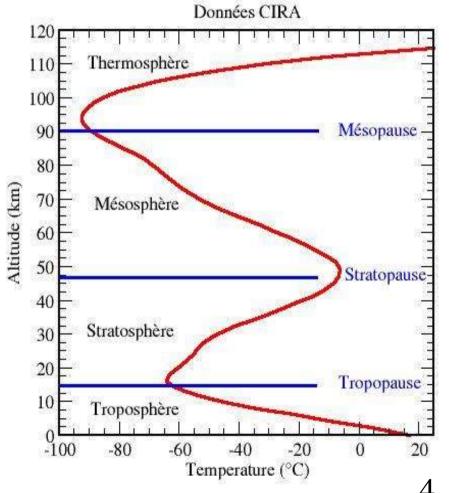
1) Climatologies de la moyenne atmosphère et équations de bases		8 Janvier, 8h30-12h30
2) La circulation générale de la moyenne atmosphère (I)		12 Janvier, 13h30-17h30
3) La circulation générale de la moyenne atmosphère (II)		19 Janvier, 13h30-17h30
4) Les ondes de gravité		26 Janvier, 13h30-17h30
5) Les ondes de Rossby		2 Février, 13h30-17h30
6) Les marées atmosphériques et les ondes équatoriales		9 Février, 13h30-17h30
7) Les oscillations tropicales semi annuelle et quasi biannuelle		16 Février, 13h30-17h30
8) La variabilité aux moyennes latitudes et les réchauffements stratosphériques soudains		
		23 Février, 13h30-17h30
• Contrôle:	Date à choisir:	27 ou 28 Février, 1er Mars?

# Dynamique de la moyenne atmosphère et des ondes atmosphériques

Cours 1: Climatologies de la moyenne atmosphère et équations de base

- A) Climatologies thermiques, chimiques et dynamiques de la Moyenne Atmosphère
- B) Equations de base utilisées dans le cours

# Qu'est ce que la moyenne atmosphère? Température en fonction de l'altitude



- Données CIRA (1988): Roquettes et radiosondages, satellites au dessus de 110km.
- Troposphère: T décroit avec z, chauffage par le sol tandis que H<sub>2</sub>O et nuages refroidissent le haut (IR).
- La moyenne atmosphère:
  - contient 2 des 3 couches de l'atmosphère neutre: la stratosphère et la mésosphère
  - Les composants majoritaires y sont bien mélangés.
  - Max de T à 50km du à 1'03. Définie la stratopause séparant la mésosphère et la stratosphère.
- Au dessus, la thermosphère. C'est la couche la plus exposé au soleil et aux rayons X qui ionisent les particules: elle contient la ionosphère (80-500km) où se produisent les aurores boréales.
- Très peu dense, T y varie de 600K à 1800K en une journée.
- L'atmosphère n'est plus neutre et n'est plus bien mélangée: la composition varie du fait de la grande distance entre les atomes

#### Relations statiques: P, $\rho$ , $\theta$ et $\Phi$ à partir de T(z\*)

• Loi des gas parfaits +relation hydrostatique:

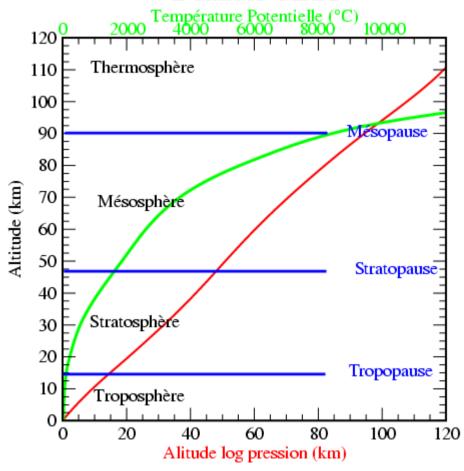
$$\frac{p}{\rho} = RT \text{ et } \frac{\partial p}{\partial z^*} = -\rho g$$

• Pression et Température:  $p = p_s \exp\left(-\int_{z_s^*}^{z_s^*} \frac{g}{RT} dz^*\right)$ 

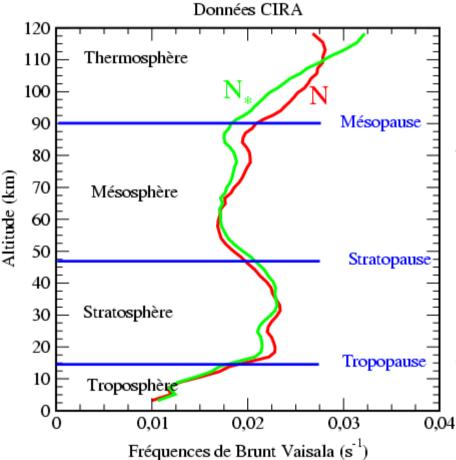
• Hauteur log-pression: 
$$z = H \ln \left( \frac{p_s}{p} \right)$$

- Hauteur caractéristique:  $H = \frac{RT_m}{g} = 7 \text{km}$
- $Tm\sim240K$ , T° moyenne caractéristique: z=z\* si T=Tm
- Température potentielle:  $\theta = T \left(\frac{p}{p_s}\right)^{\kappa} = T \exp\left(\frac{\kappa z}{H}\right)^{\frac{2}{12}}$
- Géopotentiel:  $\Phi = \int_{z_0^*}^{z^*} g dz^*$
- Relation hydrostatique:  $\frac{\partial \Phi}{\partial z} = \frac{RT}{H}$

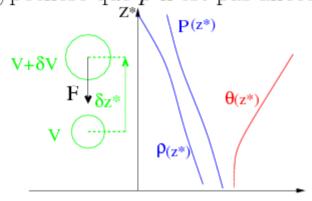
#### Données CIRA



#### Stabilité statique:



Méthode de la parcelle: On déplace une parcelle d'air, on fait l'hypothèse que p n'est pas affectée



Masse de la parcelle d'air:  $m = \rho(z^*)V$ 

Volume d'air déplacé:  $V_d \approx V \left(1 - \frac{1}{\gamma p} \frac{dp}{dz^*} \delta z^*\right)$  (on a appliqué  $pV^{\gamma}$ =cte)

Masse de l'air déplacé:  $m_d = \rho(z^* + \delta z^*)V_d$ 

$$m_d \approx m \left(1 + \frac{1}{\rho(z^*)} \frac{d\rho}{dz^*} \delta z^* - \frac{1}{\gamma p(z^*)} \frac{dp}{dz^*} \delta z^* \right)$$

Poussée d'Archimède:  $F = -g (m_d - m) = -m_{\theta}^g \frac{d\theta}{dz^*} \delta z^*$ 

Accélération verticale:  $\frac{d^2 \delta z^*}{dt^2} = \frac{F}{m} = -\frac{g}{\theta} \frac{d\theta}{dz^*} \delta z^*$ 

On apelle fréquence de Brunt Vaisala:

$$N_*^2(z) = \frac{g}{\theta} \frac{d\theta}{dz^*}$$

Plus adapté en coordonnées log-pression:

$$N = N_* \left( T/T_m \right)$$

#### Constituants trace majoritaires (1): CO<sub>2</sub> et H<sub>2</sub>O

- CO2: Uniforme très actif dans l'Infrarouge
- Vapeur d'eau: très faible quantité
- Bien qu'ayant un effet de serre, la faible teneur en H<sub>2</sub>O caractérise plus la chimie de la stratosphère que son bilan radiatif
- Noter le minimum d'H<sub>2</sub>O à la tropopause équatoriale

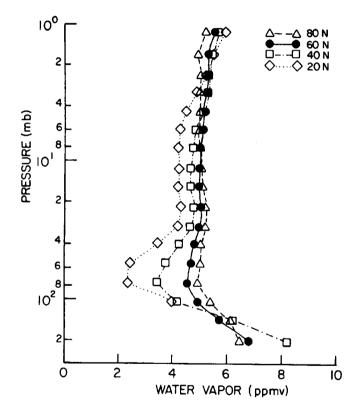


Fig. 1.5. Vertical profiles of water vapor mixing ratio at several latitudes measured by the LIMS instrument on the *Nimbus* 7 satellite for May 1-26, 1979. [From Remsberg *et al.* (1984b). American Meteorological Society.]

#### Constituants trace majoritaires (2): l'ozone O<sub>3</sub>

- L'absorption des Uv-b par 03 est le moteur de la circulation dans l'atmosphère moyenne
- L'Ozone nous protège des UV-b
- Maximum à 30-40km, dans la stratosphère

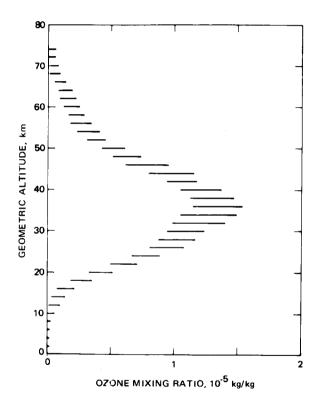
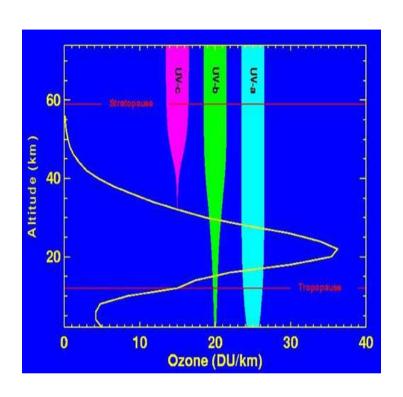


Fig. 1.7. The standard ozone profile of Fig. 1.6 plotted in terms of the mass mixing ratio. [From the U.S. Standard Atmosphere (1976).]

#### Chauffage par l'Ozone



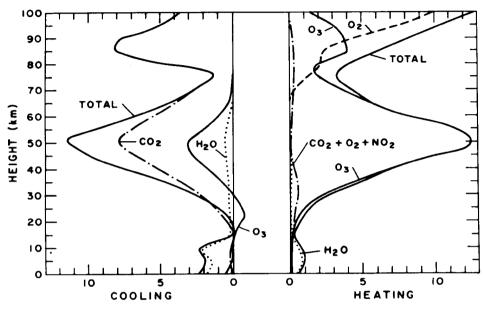
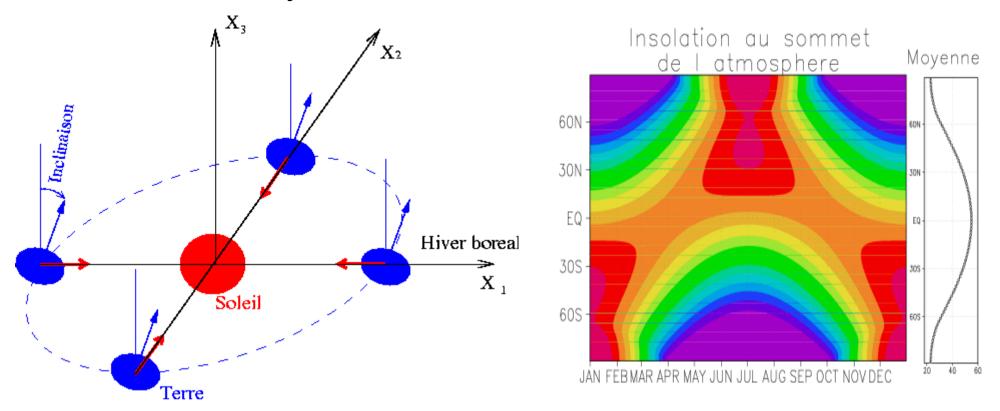


Fig. 2.1. Vertical distribution of heating due to absorption of solar radiation (right) and cooling due to emission of infrared radiation (left). [From London (1980), with permission.]

Profil d'Ozone aux moyennes latitude et Altitude de pénétration des UV-a, UV-b, UV-c Distribution verticale du chauffage du à l'absorption des rayons solaires et du refroidissement du au rayonnement infrarouge

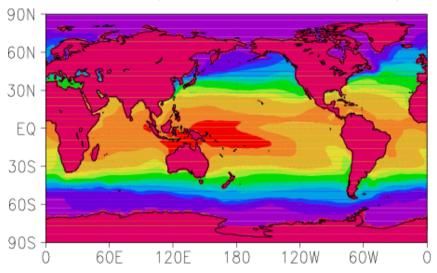
#### Cycle saisonnier de l'ensoleillement



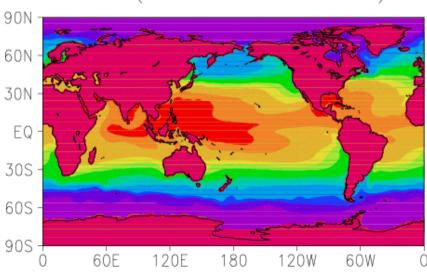
- L'Ozone réemet quasi-instantanément, et sous forme de chaleur, le rayonnement UV qu'elle absorbe
- L'ensoleillement moyen journalier est maximum aux pôles en été en partie car la journée y dure presque 24h
- En moyenne et au cours du temps l'insolation reste maximale à l'équateur

# L'Océan: un intégrateur temporel que la moyenne atmosphère ne voit pas

Temperature Surface de la mer Janvier (ECMWF 1993-1997)



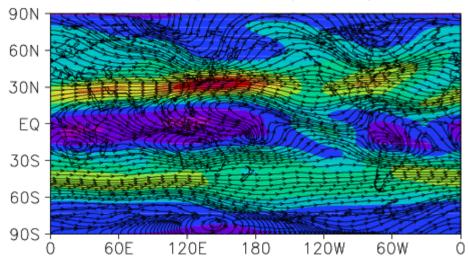


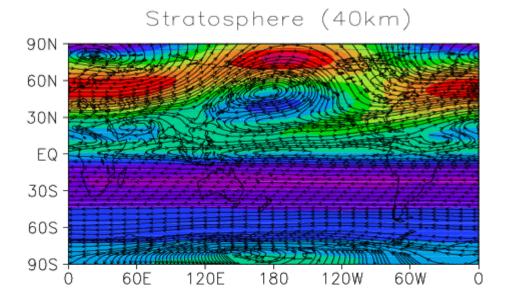


- La SST est toujours plus chaude dans la zone tropicale
- Elle maintient aussi un taux d'humidité important dans la troposphère équatoriale, et donc un effet de serre important
- La troposphère est en premier lieu forcée par le bas, et donc présentera un cycle annuel moins marqué que l'atmosphère moyenne

## Un exemple flagrant de la différence entre les circulations générales dans la troposphère et la stratosphère

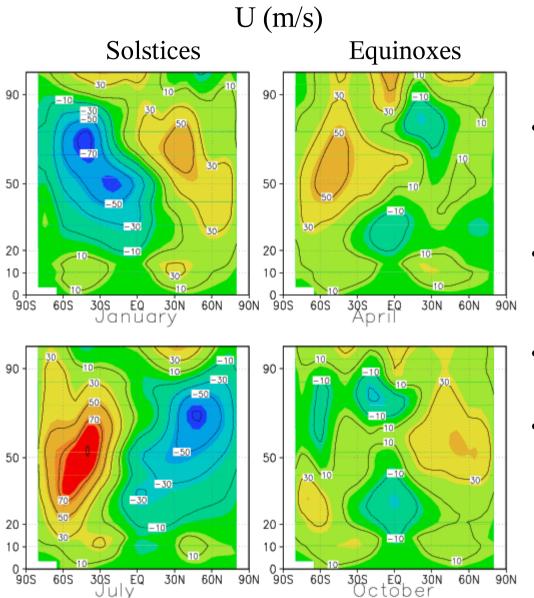






- En moyenne temporelle et en hiver:
- Les vents dans la troposphère sont vers l'Est dans les 2 hémisphères et aux moyennes latitudes
- Les vents dans la stratosphère sont vers l'Est dans l'hémisphère d'hiver, vers l'Ouest dans l'hémisphère d'été

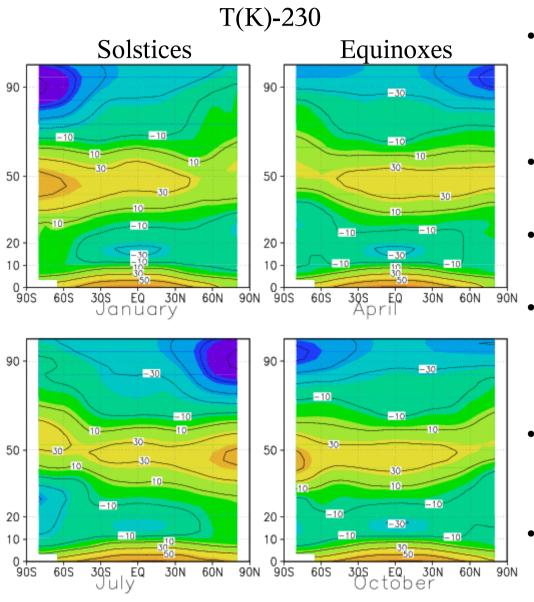
### Les moyennes zonales du vent zonal dans l'atmosphère moyenne (données CIRA)



- Dans la moyenne atmosphère (20-90km), on trouve bien des jets vers l'Est dans l'hémisphère d'hiver, vers l'Ouest dans l'hémisphère d'été.
- Au printemps et à l'Automne, les jets sont essentiellement vers l'Est dans toute la moyenne atmosphère.
- A toute saison, il y a 2 jets vers l'Est et aux moyennes latitudes dans la troposphère.
- Noter, en particulier aux solstices, que les jets ont tendances à être plus fort dans l'hémisphère sud.

### Les moyennes zonales de la température dans l'atmosphère moyenne (données CIRA)

14



- A la stratopause (50km) dans l'Hémisphère d'été on trouve bien un maximum de T: A une altitude donnée T décroit lorsqu'on va du pôle d'été au pôle d'hiver.
- Dans la stratosphère (20km<z<50km), T décroit du pôle d'été au pôle d'hiver.
- Dans la stratosphère, T est plus uniforme durant les équinoxes
- Il y a un minimum marqué de T à la tropopause (z~15km) équatoriale, et en toute saison (Rayonnement IR due a la vapeur d'eau).
- Aux équinoxes et dans la haute mésosphère, (70-90km) T croit du pôle d'hiver vers le pôle d'été!!!
- Aux sosltices et à la mésopause (90km) se trouve un minimum (~180K) de T près du pôle d'été. C'est la région la plus froide de l'atmosphère!!!!

#### Equations de base utilisées dans ce cours

#### Loi de Newton dans un référentiel tournant:

$$\frac{D\vec{U}}{Dt} + 2\vec{\Omega} \times \vec{U} = -\frac{1}{\rho} \vec{\nabla} p + \vec{g} + \vec{D}$$

 $\vec{D}$ : Forces de Friction

p: Pression

 $\vec{g}$ : vecteur incluant la gravitation et la force centrifuge

#### Accélération en coordonnées sphériques:

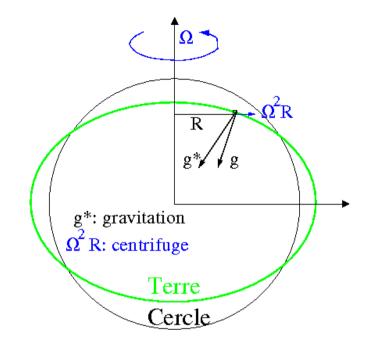
$$\frac{D\vec{U}}{Dt} + 2\vec{\Omega} \times \vec{U} = \begin{cases} \frac{Du}{Dt} - \frac{uv \tan \phi}{r} + \frac{uW}{r} \\ -2\Omega \sin \phi v + 2\Omega \cos \phi w \\ \frac{Dv}{Dt} + \frac{u^2 \tan \phi}{r} + \frac{vW}{r} \\ +2\Omega \sin \phi u \\ \frac{Dw}{Dt} - \frac{u^2 + v^2}{r} - 2\Omega \cos \phi u \end{cases}$$

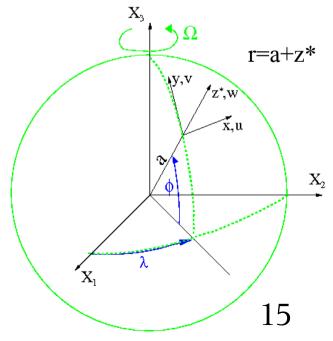
Avec:

$$\frac{D}{Dt} = \frac{\partial}{\partial t} + \frac{u}{r\cos\phi} \frac{\partial}{\partial \lambda} + \frac{v}{r} \frac{\partial}{\partial \phi} + w \frac{\partial}{\partial r}$$

et:

$$u = r \cos \phi \frac{D\lambda}{Dt}, \ v = r \frac{D\phi}{Dt}, \ w = \frac{Dr}{Dt}.$$





#### Equations de base utilisées dans ce cours

Approximation pour une atmosphère mince ( $z^* << a$ , w << u, v)

$$\frac{D\vec{U}}{Dt} + 2\vec{\Omega} \times \vec{U} \approx \begin{cases} \frac{Du}{Dt} - 2\Omega\sin\phi v - \frac{uv\tan\phi}{a} \\ \frac{Dv}{Dt} + 2\Omega\sin\phi u + \frac{uu\tan\phi}{a} \\ 0 \end{cases}$$

Avec: 
$$\frac{D}{Dt} = \frac{\partial}{\partial t} + \frac{u}{a\cos\phi}\frac{\partial}{\partial\lambda} + \frac{v}{a}\frac{\partial}{\partial\phi} + w\frac{\partial}{\partial z^*}$$
  
et:  $u = a\cos\phi\frac{D\lambda}{Dt}$ ,  $v = a\frac{D\phi}{Dt}$ ,  $w = \frac{Dz^*}{Dt}$ .

Dans ce cadre la composante verticale de la loi de Newton se réduit à l'Approximation hydrostatique:

 $\frac{\partial p}{\partial z^*} = -\rho g$ 

(les forces de frictions doivent aussi être faibles dans cette direction)

Cela Permet d'utiliser l'altitude log-pression comme coordonnée verticale:

$$z = H \ln \left( \frac{p_s}{p} \right)$$

Peu de modifications sauf:  $\frac{D}{Dt} = \frac{\partial}{\partial t} + \frac{u}{a\cos\phi} \frac{\partial}{\partial\lambda} + \frac{v}{a} \frac{\partial}{\partial\phi} + w \frac{\partial}{\partial z}$ 

avec 
$$w = \frac{Dz}{Dt}$$
.

#### Equations de base utilisées dans ce cours

Force de pression en utilisant la coordonnée z:

$$\delta p \approx \left(\frac{\partial p}{\partial \lambda}\right)_{\phi,z^*} \delta \lambda + \left(\frac{\partial p}{\partial \phi}\right)_{z^*,\lambda} \delta \phi + \left(\frac{\partial p}{\partial z^*}\right)_{\lambda,\phi} \delta z^*$$

Pour une variation infinitésimale à  $\lambda$ =cte et sur une surface z=cte,  $\delta p=0$ 

Pour une variation infinitésimale à 
$$\lambda$$
=cte et sur une surface z=cte,  $\delta p=0$ 

$$\left(\frac{\partial p}{\partial \phi}\right)_{z^*,\lambda} \delta \phi - \rho \delta \Phi \approx 0 \Rightarrow \left(\frac{\partial \Phi}{\partial \phi}\right)_{z,\lambda} = \lim_{\delta \phi \to 0} \frac{\delta \Phi}{\delta \phi} = \frac{1}{\rho} \left(\frac{\partial p}{\partial \phi}\right)_{z^*,\lambda} \Rightarrow -\frac{1}{\rho} \nabla_H p = -\left(\frac{1}{a \cos \phi} \left(\frac{\partial \Phi}{\partial \lambda}\right)_{\phi,z}\right) = \frac{1}{a} \left(\frac{\partial \Phi}{\partial \phi}\right)_{z,\lambda}$$

Conservation de la masse:

$$\begin{split} \delta M &= \rho \delta x \delta y \delta z^* = p \delta x \delta y \delta z \\ \frac{1}{\delta M} \frac{D \delta M}{D t} &= \frac{1}{p} \frac{D p}{D t} + \left( \frac{\delta u}{\delta x} + \frac{\delta v}{\delta y} + \frac{\delta w}{\delta z} \right) = 0 \\ \lim_{\delta M \to 0} \left( \frac{1}{\delta M} \frac{D \delta M}{D t} \right) &= -\frac{w}{H} + \vec{\nabla} \cdot \vec{u} = 0 \end{split} \rightarrow \vec{\nabla} \cdot \left( \rho_0 \vec{u} \right) = 0 \text{ avec} \rho_0 = \rho_s \exp\left( -z/H \right) \end{split}$$

Bilan de chaleur:

$$\frac{D\theta}{Dt} = Q$$

#### Equations de base utilisées dans ce cours Récapitulatif:

#### Loi de Newton:

$$\frac{D\mathbf{u}}{Dt} - \frac{\mathbf{u}\mathbf{v}\tan\phi}{a} - 2\Omega\sin\phi\mathbf{v} = -\frac{1}{a\cos\phi}\frac{\partial\Phi}{\partial\lambda} + X$$

$$\frac{D\mathbf{v}}{Dt} + \frac{\mathbf{u}^2\tan\phi}{a} + 2\Omega\sin\phi\mathbf{u} = -\frac{1}{a}\frac{\partial\Phi}{\partial\phi} + Y$$

$$\frac{\partial\Phi}{\partial z} = \frac{RT}{H}$$

(Approximation Hydrostatique)

#### Conservation de la masse:

$$\frac{\rho_0}{a\cos\phi} \left( \frac{\partial \mathbf{u}}{\partial \lambda} + \frac{\partial \mathbf{v}\cos\phi}{\partial \phi} \right) + \frac{\partial \rho_0 \mathbf{w}}{\partial \mathbf{z}} = 0 \quad \text{avec} : \rho_0 = \rho_s \exp\left(-\frac{\mathbf{z}}{H}\right)$$

#### Bilan de chaleur:

$$\frac{D\theta}{Dt} = Q$$
, souvent écrit :  $\frac{DT}{Dt} + \frac{\kappa Tw}{H} = \frac{J}{C_p}$ 

#### Cinématique:

$$\frac{D}{Dt} = \frac{\partial}{\partial t} + \frac{\mathbf{u}}{a\cos\phi} \frac{\partial}{\partial \lambda} + \frac{\mathbf{v}}{a} \frac{\partial}{\partial \phi} + \mathbf{w} \frac{\partial}{\partial z}, \text{ avec } \mathbf{u} = \mathbf{a}\cos\phi \frac{D\lambda}{Dt}, \mathbf{v} = a\frac{D\phi}{Dt} \text{ et } \mathbf{w} = \frac{Dz}{Dt}.$$

#### Relation entre vent et T: la balance du vent thermique

Equilibre hydrostatique:

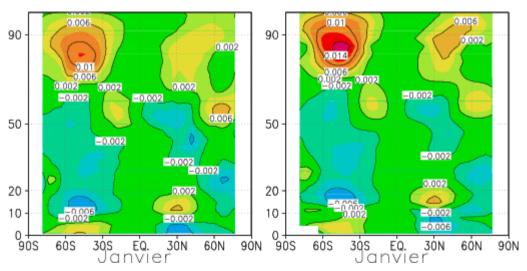
$$\frac{\partial \Phi}{\partial z} = \frac{RT}{H}$$

Equilibre géostrophique:

$$\underbrace{2\Omega\sin\phi}_{\widehat{f}}\ u = -\frac{1}{a}\frac{\partial\Phi}{\partial\phi}$$

Equilibre du vent thermique:

$$\frac{1}{a}\frac{\partial T}{\partial \phi} = -\frac{fH}{R}\frac{\partial u}{\partial z}$$



• Estimées par différences finies et à l'aides de données CIRA

- L'équilibre du vent thermique, traduit le lien fort entre thermodynamique et dynamique aux moyennes latitudes:
- En Janvier, le fait que T augmente avec la latitude dans l'hémisphère sud et dans la haute mésosphère (70-90km), permet au jet vers l'Ouest dans la moyenne atmosphère de l'hémisphère sud de se fermer à la mésopause.
- Inversement, si on accélère mécaniquement l'écoulement près de la mésopause, on obtient une fermeture de ce jet. Par équilibre du vent thermique, cette accélération doit être associée à une diminution de la Température. On parle de chauffage (éventuellement de refroidissement) mécanique.
- Comme ces processus mécaniques sont importants, l'atmosphère moyenne est loin de l'équilibre radiatif.

### Qu'est-ce que serait la moyenne atmosphère à l'équilibre radiatif?

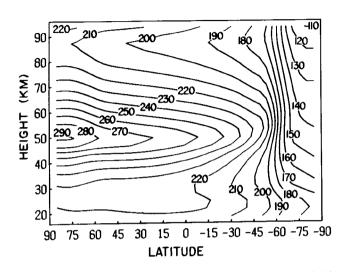


Fig. 2.34. Radiative equilibrium temperature distribution for northern (left) summer solstice. [From Wehrbein and Leovy (1982), with permission.]

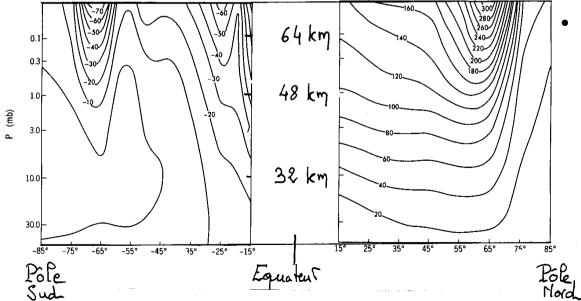


Fig. 7.1. Zonal gradient wind  $u_{\rm gr}$  that is in thermal-wind balance with the temperature field  $T_{\rm r}$  of Fig. 1.2 and equals the observed climatological zonal wind at 100 mb. (a) Northern Hemisphere (winter), (b) Southern Hemisphere (summer). (Courtesy of Dr. S. B. Fels.)

- Attention! Les latitudes sont inversées dans la première Figure.
- En Janvier, la T a une altitude donnée décroit bien du Pôle Sud au Pôle Nord
- Il en résulte bien des vents vers l'Ouest dans dans l'Hem. Sud et des vents vers l'Est dans l'Hem. Nord.
- Ces vents sont beaucoup trop fort à toutes les altitudes dans l'hemisphère Nord
- L'erreur est moins marquée dans l'hémisphère d'été